

EXERCICES SUR LE SECOND DEGRÉ

EXERCICE 1

Forme canonique et représentation

Soit f la fonction trinôme définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = 4x^2 + 4x - 3$.

- 1) Déterminer la forme canonique de la fonction f .
- 2) Quelles sont les coordonnées du sommet de la parabole \mathcal{C}_f représentant f .
- 3) En déduire le tableau de variation de la fonction f .

EXERCICE 2

Équations

- 1) Soit la fonction trinôme définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = 2x^2 - x - 1$
 - a) Déterminer les racines de $f(x)$.
 - b) Factoriser $f(x)$
- 2) Résoudre les équations suivantes sur \mathbb{R} :
 - a) $x^2 - x - 12 = 0$
 - b) $3x^2 - \sqrt{6}x + 1 = 0$
 - c) $\frac{3x^2 + 10x + 8}{x + 2} = 2x + 5$
 - d) $3x^4 - 4x^2 - 15 = 0$ on pourra poser $X = x^2$

EXERCICE 3

Inéquation

- 1) $-x^2 + 4x + 5 > 0$
- 2) $(2x + 3)(2x^2 - 5x - 3) > 0$
- 3) $\frac{2}{x-1} + \frac{3}{x} \leq \frac{3x^2 - 5x}{x(x-1)}$

EXERCICE 4

Équation paramétrique

Soit l'équation (E_m) : $(m + 4)x^2 + (2m + 5)x + m - 1 = 0$, avec $m \in \mathbb{R}$

- 1) Si $m = -4$ que peut-on dire de l'équation ? Résoudre alors cette équation (E_{-4})
- 2) Déterminer la valeur de m pour que 1 soit solution de (E_m) .
Déterminer alors l'autre solution.
- 3) À quelle condition sur m l'équation (E_m) n'a pas de solution ?

EXERCICE 5 -

Nombre d'or

Le nombre d'or ϕ est définie comme le rapport de la longueur sur la largeur d'un rectangle tel que si l'on divise ce rectangle en un carré et un autre rectangle, ce nouveau rectangle a les même proportion que le premier.

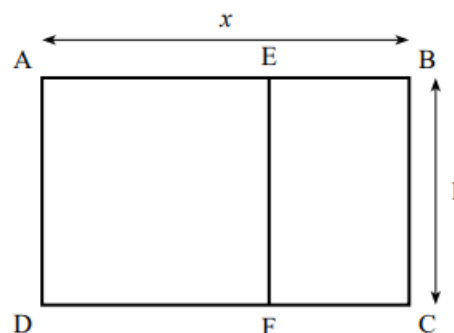
On donne : $AB = x$, $AD = 1$.

AEFD est un carré.

On veut que le rectangle ABCD ait les même proportion que EBCF c'est à dire que

$$\frac{AB}{AD} = \frac{EB}{EF}.$$

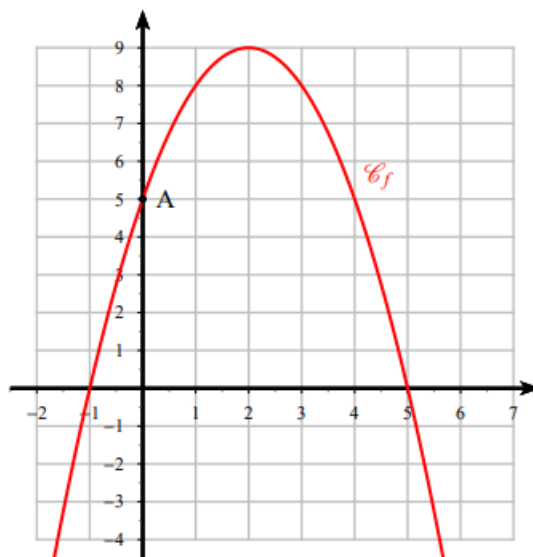
Déterminer la valeur exacte de x .



EXERCICE 6

Représentation de la fonction trinôme

On donne ci-dessous la représentation de la fonction f définie par $f(x) = ax^2 + bx + c$



- 1) Pourquoi la fonction f est de la forme : $f(x) = a(x + 1)(x - 5)$?
- 2) Déterminer alors les coefficients a , b et c sachant que la courbe \mathcal{C}_f passe par le point $A(0;5)$.
- 3) Démontrer (par le calcul) que le point $S(2;9)$ est bien le sommet de \mathcal{C}_f .